文章编号:1004-2474(2016)06-0892-05

Nd_2O_3 掺杂(Sr_{0.9}Ba_{0.1})La₄Ti₄O₁₅陶瓷的结构及微波性能

王 利,高 峰,张大帅,王 敏,秦梦婕

(西北工业大学 凝固技术国家重点实验室,陕西 西安 710072)

摘 要:采用传统的固相反应法制备(Sr_{0.9}Ba_{0.1})La₄Ti₄O₁₅ + x%Nd₂O₃(质量分数 0 《x 《8,BSN)系微波介质 陶瓷,并对其物相组成、晶体结构及微波介电性能进行分析。研究结果表明,Nd₂O₃含量的增加降低了 BSN 陶瓷 的烧结温度,陶瓷的主晶相为 SrLa₄Ti₄O₁₅相,并伴随有少量第二相 La₂TiO₅的生成。在微波频率下,随着 Nd₂O₃ 含量的增加,BSN 陶瓷的介电常数及谐振频率温度系数变化小,品质因数与频率之积($Q \times f$)值提高,优化出掺杂 4%Nd₂O₃ 的(Sr_{0.9}Ba_{0.1})La₄Ti₄O₁₅陶瓷具有最佳微波介电性能: ε_r = 43.2, $Q \times f$ = 42 015 GHz(6.024 GHz), τ_f = -9.6 $\mu^{\mathbb{C}^{-1}}$ 。

关键词:(Sr_{0.9}Ba_{0.1})La₄Ti₄O₁₅;Nd₂O₃;微波介质陶瓷;掺杂;显微结构;介电性能 中图分类号:TN61;TQ174.75 **文献标识码:**A

Microstructure and Microwave Properties of Nd₂O₃-doped (Sr_{0.9}Ba_{0.1})La₄Ti₄O₁₅ Ceramics

WANG Li, GAO Feng, ZHANG Dashuai, WANG Ming, QIN Mengjie

(State Key Laboratory of Solidification Processing, Northwestern Polytechnical University, Xi'an 710072, China)

Abstract: $(Sr_{0.9}Ba_{0.1})La_4 Ti_4 O_{15} + xwt \% Nd_2 O_3 (0 \le x \le 8, BSN)$ ceramics were prepared by the conventional solid state processing method, the microstructure and microwave dielectric properties of BSN ceramics were investigated. The results show that adding Nd₂O₃ into BSN ceramics would lower the sintering temperature, a few of La₂ TiO₅ phase was also observed in the ceramics besides SrLa₄ Ti₄ O₁₅. With increasing the content of Nd₂O₃, the dielectric constant and the temperature coefficient of resonance frequency changed little, but the value of $Q \times f$ increases obviously. $(Sr_{0.9}Ba_{0.1})La_4 Ti_4 O_{15} + 4\% Nd_2 O_3$ ceramic shows the optimal dielectric properties of $\varepsilon_r = 43.2$, $Q \times f = 42$ 015 GHz(6.024 GHz), $\tau_f = -9.6 \mu^{\circ}C^{-1}$.

Key words: $(Sr_{0.9} Ba_{0.1}) La_4 Ti_4 O_{15}$; $Nd_2 O_3$; microwave dielectric ceramics; doping; microstructure; dielectric properties

0 引言

在过去的几十年里,随着移动通信的工作频率 延伸到微波频段,具有高介电常数(ε_r)、高品质因数 ($Q \times f$)和近零的谐振频率温度系数(τ_f)的微波介 质陶瓷成为研究热点^[1-3]。近年来,类钙钛矿结构的 微波介质陶瓷 BaLa₄Ti₄O₁₅(BLT)和 SrLa₄Ti₄O₁₅ (SLT)因具有良好的微波介电性能而引起了学者们 的极大兴趣。C. Vineis 等^[4]首次报道了 BLT 的微 波介 电性能; I. N. Jawahar 等^[5]研究了 MO-La₂O₃-TiO₂(M=Ca,Sr,Ba)系微波介质陶瓷,结果 表明 SLT 具有最佳的微波介电性能; H. Ohsato 等^[6]详细研究了 Ba_nLa₄ Ti_{3+n} O_{12+3n} 系微波介质陶 瓷,发现当 n=1 时(BLT)具有最佳微波介电性能: $\varepsilon_r = 46$, $Q \times f = 46\ 000\ \text{GHz}$, $\tau_f = -11\ \mu^{\mathbb{C}^{-1}}$; Y. Tohdo 等^[7]研究了 ALa₄ Ti₄O₁₅ (A = Ba, Sr, Ca) 系 微波介质陶瓷的晶体结构与微波性能的关系,发现 BLT 具有最大的介电常数(44.4), SLT 具有最佳的 谐振频率温度系数($-8.4\ \mu^{\mathbb{C}^{-1}}$); H. Zheng 等^[8] 单独研究了 BLT 陶瓷的微波介电性能与晶体结构、 显微组织结构的关系,通过调节烧结工艺,得到了较 好的微波介电性能: $\varepsilon_r = 45$, $Q \times f = 44\ 000\ \text{GHz}$, $\tau_f = -2\ \mu^{\mathbb{C}^{-1}}$; Y. Fukami 等^[9]研究了模板籽晶的

收稿日期:2016-04-014

基金项目:陕西省科学技术研究发展计划基金资助项目(2014K08-10);航空科学基金资助项目(20140853013)

作者简介:王利(1991-),男,河南信阳人,硕士生,主要从事微波介质陶瓷制备与性能的研究。通信作者:高峰(1976-),男,教授,博导。

加入量对 BLT 微波性能的影响,发现随模板籽晶加 入量的增大,介电常数和谐振频率温度系数提高,而 品质因数却与之前 H. Ohsato, Y. Tohdo 等报道的 一样。由此可见,BLT 相对于 SLT 而言具有较高 的介电常数,而 SLT 相对于 BLT 而言具有更接近 于0的谐振频率温度系数。然而,两者的烧结温度 偏高、保温时间过长等问题则提高了其实际应用的 成本。为了得到性能更优异的微波介质陶瓷,可以 通过掺杂的方法使性能得到进一步提高。在钙钛矿 和类钙钛矿结构中,不同A、B位阳离子的取代或掺 杂是材料改性的一种重要方式。由于 A 位阳离子 (Ba²⁺,Sr²⁺,La³⁺)具有大的离子极化率,有利于获 得高的介电常数。另外,A、B 位均可能被电价和半 径不同的阳离子在较宽的范围内取代,其介电性能 有较大范围内调节与优化的可能性,如一些学者通 过将 BLT 和 SLT 进行复合改变了 A 位阳离子的极 化率,制备出微波介电性能良好、烧结温度较低的 (Ba1-x Srx) La4 Ti4 O15 (BSLT) 系微波介质陶 瓷^[10-13]。目前对该体系 La³⁺ 取代掺杂改性方面的 研究较少,A 位不同位置的改性机理还尚不明确。 Nd 和 La 均属于稀土元素, Nd₂O₃ 和 La₂O₃ 的熔点 相近,Nd³⁺和La³⁺的离子半径相近,文献[14]报道 了 Nd³⁺ 取代 CaLa₄ Ti₄O₁₅ 中的 La³⁺ 改善了频率温 度系数和介电性能。而关于在($Sr_{0.9}$ Ba_{0.1}) $La_4 Ti_4 O_{15}$ 陶瓷中掺杂 Nd₂O₃ 的研究还未见报道。 因此,本文通过调节 Nd³⁺在(Sr_{0.9} Ba_{0.1})La₄Ti₄O₁₅ 基体中的掺杂量,探索 Nd³⁺含量对(Sr_{0.9} Ba_{0.1}) La₄Ti₄O₁₅陶瓷的显微组织和微波介电性能的影响 规律,优化出具有最佳微波性能的 Nd₂O₃ 掺杂量。

1 实验

1.1 样品制备

以分析纯的 SrCO₃、TiO₂、La₂O₃、BaCO₃和 Nd₂O₃为原料,采用传统电子陶瓷工艺制备陶瓷, 材料组成为(Sr_{0.9}Ba_{0.1})La₄Ti₄O₁₅+x%Nd₂O₃,质 量分数 x=0、2、4、8,依次编号为BSN1 #~BSN4 #。 首先用 BaCO₃、SrCO₃、TiO₂、La₂O₃按 BaLa₄Ti₄O₁₅ (BLT)和 SrLa₄Ti₄O₁₅(SLT)化学计量比分别配料, 在乙醇介质中球磨 12 h(ZrO₂磨球),出料、烘干, BLT、SLT 粉料分别在 1 300 °C、1 250 °C 预烧 4 h, 得到 BLT 和 SLT 预烧粉体;然后将 BLT 预烧粉、 SLT 预烧粉、Nd₂O₃,按(Sr_{0.9}Ba_{0.1})La₄Ti₄O₁₅+x% Nd₂O₃ 化学计量比称量,将称量好的粉料置于 ZrO₂ 球磨罐中,加入与粉料等质量的无水乙醇,在球磨机 上球磨 12 h,出料、烘干、造粒后在 100 MPa 压制成 \emptyset 12 mm×1 mm 的圆片和 \emptyset 12 mm×6 mm 的圆 柱。压好的试样在 500 ℃下除去粘结剂,然后在 1 550~1 600 ℃保温 4 h 烧结成瓷。

1.2 样品表征

采用 Archimedes 排水法测试样品密度;采用 X'Pert MPB PRO型X线衍射仪(XRD)分析材料 的物相组成;采用 ZeissSupra55型扫描电子显微镜 (SEM)分析样品表面形貌和成分;采用 E8363B型 网络分析仪用闭式谐振腔法测试样品在微波频段下 的介电性能,用下式计算谐振频率温度系数:

$$\tau_f = \frac{1}{f} \frac{\mathrm{d}f}{\mathrm{d}t} = \frac{f_{02} - f_{01}}{f_{01} \left(T_2 - T_1\right)} \tag{1}$$

式中 f_{01} , f_{02} 分别是温度为 T_1 , T_2 时的谐振频率,本 文测试温度范围为 25~85 ℃。

2 结果与讨论

2.1 BSN 陶瓷的烧结特性与显微结构

图 1 为 BSN1 # ~4 # 陶瓷的 XRD 衍射图谱。 由图可见,各组分的主晶相为 BaLa₄ Ti₄O₁₅和 Sr-La₄ Ti₄O₁₅的固溶体(Ba, Sr)La₄ Ti₄O₁₅相,同时伴随 有少量第二相 La₂ TiO₅ 生成,但未发现含有 Nd 的 新相生成,随着 Nd₂O₃ 掺杂量的增加,La₂ TiO₅ 的 峰强度逐渐减弱。



图 1 (Sr_{0.9} Ba_{0.1})La₄ Ti₄O₁₅-x%Nd₂O₃ 陶瓷的 XRD 图谱

此外,随着 Nd³⁺含量的增多,(103)和(110)晶 面衍射峰均向大角度方向移动(图 1(b)中可观察到 角度移动),这是由于(Sr_{0.9} Ba_{0.1})La₄ Ti₄O₁₅是六方 类钙钛 矿结构,Nd³⁺、La³⁺的离子半径分别为 0.127 nm、0.136 nm,两者的半径相近,可以形成固 溶体。根据容差因子^[15]计算可知,二者固溶能够形 成稳定的钙钛矿结构。因此,根据布喇格方程可知, 只有 Nd³⁺取代 La³⁺时,引起六边形晶格堆垛的 AO₃密排层在 *a*和 *c*方向上发生微小的收缩,衍射 峰才能向大角度方向偏移。这说明 Nd³⁺取代的是 La³⁺的位置,形成了连续的固溶体。

图 2 为 BSN 微波介质陶瓷在不同烧结温度下密 度的变化情况。由图可看出,各组分陶瓷的密度均随 烧结温度的升高呈现先升高再降低的趋势。其中 BSN1 # 和 BSN2 # 在 1 580 ℃下烧结成瓷性最好,而 BSN3 # 和 BSN4 # 在 1 500 ℃下烧结成瓷性最好。



图 2 不同烧结温度下 BSN1 #-4 # 陶瓷的密度

图 3 为 BSN1 # ~4 # 在 1 500 ℃下烧结的密度 随着 Nd₂O₃ 掺杂量的变化曲线。由图可见,随着 Nd₂O₃ 掺杂量的增加,陶瓷的密度增加,成瓷性越 好。结果表明,掺杂 Nd₂O₃ 能够降低基体组分 (Sr_{0.9} Ba_{0.1})La₄ Ti₄O₁₅的烧结温度。



图 3 1 500 ℃烧结后 BSN 陶瓷的密度

图 4 为 BSN1 # ~4 # 烧结陶瓷样品经抛光热 腐蚀后的 SEM 图像。由图可看出,经热腐蚀后的 样品由棒状和块状晶粒组成,气孔较少,结构致密, 其中有的组分可以明显看到生长台阶,而不同组分 的样品,其块状和棒状晶粒含量不同,不同形貌的晶 粒交互排列;随着 Nd₂O₃ 添加量的增多,晶粒尺寸 先增大后减小,陶瓷气孔先增多后减小,这与密度的 变化相符。其中 BSN2 # 的晶粒尺寸相对较大,且 大晶粒的比例远高于小晶粒;BSN3 # ~4 # 的晶粒 尺寸相对较小,这是由于 Nd₂O₃ 的添加抑制了晶粒的生长。



图 4 BSN1 #-4 # 陶瓷样品的 SEM 图像

对 BSN3 # 中不同形貌的晶粒做 EDS 分析,结 果如表 1 所示。点 1 区域对应的棒状晶粒,主要元 素为氧(O)、钛(Ti)、锶(Sr)、钡(Ba)和镧(La),原子 数比也基本与(Sr_{0.9} Ba_{0.1})La₄ Ti₄ O₁₅ 保持一致;与之 相比,点 2 区域对应的小晶粒则多出了添加的 Nd, XRD 中也未检测到含 Nd 的第二相,说明添加的 Nd₂ O₃ 进入了(Sr_{0.9} Ba_{0.1})La₄ Ti₄ O₁₅ 中。Nd³⁺ 和 La³⁺ 原子总含量与 Ti⁴⁺ 的相近,说明 Nd³⁺ 取代了 与其半径相近的 La³⁺。

表1 BSN3#微波介质陶瓷晶粒的 EDS 分析

元素	原子数分数/%	
	点 1	点 2
О	56.49	63.15
Ti	19.86	15.58
Sr	4.81	4.53
Ba	0.42	0.72
La	18.43	14.20
Nd		1.81

2.2 BSLT 陶瓷的微波介电性能

图 5 是 BSN1 # ~4 # 的微波 ϵ_r 和 Q×f 随 Nd₂O₃ 添加量的变化。由图可见,随着 Nd₂O₃ 添加 量的增加, ϵ_r 有微小的下降趋势,Q×f 则有较大的 提升,其中 Nd₂O₃ 添加量为 4%时达到最大值,相对 于未添加 Nd₂O₃ 的 BSN1 # 提升了 10 000 以上。 整体来看,BSN 陶瓷材料在微波下 Q×f 值随着 Nd₂O₃ 掺杂量的增大而增大,Q×f = 29 793 ~ 42 015 GHz。



图 5 BSN1 #~4 # 陶瓷的介电常数与品质因数

一般认为,材料在微波频率下的损耗可分为 两类:

1) 内在的损耗也称本征损耗,它主要受晶格振 动模式控制。

2)外在的损耗,主要受杂质第二相、氧空位、晶 粒尺寸及致密度的影响。

测试结果显示, ϵ_r 随 Nd³⁺含量的增加有微小的 下降,原因是随着 Nd³⁺不断取代 La³⁺,使得六边形 堆垛 AO₃ 密排层间距不断减小,这不利于阳离子的 运动和极化,但由于 Nd³⁺和 La³⁺的半径相差不大, 所以, ϵ_r 下降不明显。从整体来看,BSN 陶瓷材料 在微波下的 $Q \times f$ 值随着 Nd₂O₃ 掺杂量的增大而 增大,主要是由于:

1) 六边形堆垛 AO₃ 密排层间距不断减小使阳 离子运动和极化受阻,降低了非谐振损耗(本征损 耗)。

2)属于正交晶系的具有层状钙钛矿结构的 La₂TiO₅量不断减少,其本身较差的微波性能影响 了主晶相的性能。

3) 随着 Nd³⁺ 含量的增大,晶粒变小,气孔减 少,样品致密度增大,降低了陶瓷的非本征损耗。

图 6 为 BSN1 $\ddagger \sim 4 \ddagger$ 的 τ_f 随 Nd₂O₃ 掺杂量的 变化。



图 6 BSN1 #~4 # 的谐振频率温度系数

由图 6 可见,随着 Nd₂O₃ 添加量的增加, τ_f 在 -7.2~-10.1 μ ℃⁻¹范围内变化,其原因是:

1) B 位缺位的六方层状密堆积结构中的氧八

面体厚度的改变对 τ_f 有一定的影响。

 2)样品的密度、晶粒大小及棒状和块状晶粒的 比例可能对 τ_f 有一定的影响。

综上所述, Nd₂O₃ 掺杂对于(Sr_{0.9} Ba_{0.1}) La₄Ti₄O₁₅陶瓷的 ε_r 和 τ_f 影响不大,却能有效提高 材料的 Q×f值,其中 BSN3 # 陶瓷具有最佳微波介 电性能: ε_r = 43. 2, Q×f = 42 015 GHz, τ_f = -9.6 μ [℃]⁻¹,是一种高性能中介电常数微波介质陶 瓷材料,有望用于设计制作小型化微波元器件。

3 结论

 Nd₂O₃ 掺杂(Sr_{0.9} Ba_{0.1})La₄ Ti₄O₁₅ 陶瓷形成 固溶体(Ba, Sr)(La, Nd)₄ Ti₄O₁₅ 相,并伴随有少量 第二相 La₂TiO₅ 的生成,随着 Nd₂O₃ 掺杂量的增 加,陶瓷的晶粒逐渐减小、烧结温度逐渐降低。

2) 随着 Nd_2O_3 掺杂量的增加, $(Sr_{0.9} Ba_{0.1})$ La₄Ti₄O₁₅陶瓷的 ε_r 和 τ_f 变化不大, 而 $Q \times f$ 值得 到明显提高。

3) 本文实验条件下,掺杂 4% Nd₂O₃ 的(Sr_{0.9} Ba_{0.1})La₄Ti₄O₁₅陶瓷具有最优微波介电性能: ϵ_r = 43.2, $Q \times f$ = 42 015 GHz(6.024 GHz), τ_f = -9.6 $\mu^{\mathbb{C}^{-1}}$ 。

参考文献:

- REANEY I M. Microwave dielectric ceramics for resonators and filters in mobile phone networks [J]. J Am Ceram Soc, 2006, 89(7):2063-2072.
- [2] FREER R, AZOUGH F. Microstructural engineering of microwave dielectric ceramics[J]. J Eur Ceram Soc, 2008, 28(7):1433-1441.
- [3] 李志强,高峰,胡国辛,等. Ba(Zn_{1/3} Nb_{2/3})O₃-Zn-Nb₂O₆ 复相陶瓷的显微结构和介电性能[J]. 硅酸盐 学报,2014,3:280-285.

LI Zhiqiang, GAO Feng, HU Guoxin, et al. Microstructure and dielectric properties of Ba(Zn_{1/3} Nb_{2/3}) O₃-ZnNb₂O₆ composite ceramics[J]. J Chin Ceram Soc, 2014, 3:280-285.

- [4] VINEIS C, DAVIESP K. Microwave dielectric properties of hexagonal perovskites[J]. Mater Res Bull, 1996, 31(5):431-437.
- [5] JAWAHAR I N, SANTHA N I, SEBASTIAN M T, et al. Microwave dielectric properties of MO-La₂O₃-TiO₂ (M = Ca, Sr, Ba) ceramics [J]. J Mater Res, 2002, 17(12):3084-3089.
- [6] OHSATO H, TOHDO Y, KAKIMOTO K, et al. Crystal strycture and microwave dielectric properties of Ba_nLa₄ Ti_{3+n} O_{12+3n} homologous compounds with high dielectric constant and high quality factor[J]. Ce-

ram Eng Sci Proc, 2003, 24:75-80.

- [7] TOHDO Y, KAKIMOTO K, OHSATO H, et al. Microwave dielectric properties and crystal structure of homologous compounds ALa₄ Ti₄ O₁₅ (A = Ba, Sr and Ca)[J]. J Eur Ceram Soc, 2006, 26:2039-2043.
- [8] ZHENG H, WOODWARD D I, GILLIE L, et al. Structure and microwave dielectric properties of Ba-La₄ Ti₄ O₁₅ [J]. J Phys Condensed Matter, 2006, 18: 7051-7062.
- [9] FUKAMI Y, WADA K, KAKIMOTO K, et al. Microstructure and microwave dielectric properties of Ba-La₄ Ti₄ O₁₅ ceramics with template particles[J]. J Eur Ceram Soc, 2006, 26:2055-2058.
- [10] PEI J, YUE Z X, ZHAO F, et al. Microwave dielectric ceramics of hexagonal (Ba_{1-x}A_x) La₄ Ti₄O₁₅ (A = Sr, Ca) for base station applications [J]. J Alloys Compound, 2008, 459:390-394.
- [11] 刘林,方有维,邓新峰,等. $(Ba_{1-x}Sr_x)La_4Ti_4O_{15}(x=0.8\sim0.95)$ 陶瓷的微结构及微波介电性能研究[J]. 无机材料学报,2012,27(3):281-284. LIU Lin, FANG Youwei, DENG Xinfeng, et al. Crystal structures and microwave dielectric properties of $(Ba_{1-x}Sr_x)La_4Ti_4O_{15}(x=0.8\sim0.95)$ ceramics[J]. J Inog Mater, 2012, 27(3):281-284.

(上接第 891 页)

- [3] RINGGAARD E, LAUTZENHISER F, BIERRE-GAARD L M, et al. Development of porous piezoceramics for medical and sensor applications[J]. Materials, 2015, 8(12):8877-8889.
- [4] 张振鹏,张剑,赵洪. 基于 PA78 的快速响应压电陶瓷 驱动电源的研制[J]. 压电与声光,2007,29(4): 420-422.
 ZHANG Zhengpeng, ZHANG Jiang, ZHAO Hong.

Development of a PZT power supply with quick response based on PA78[J]. Piezoelectrics & Acoustooptics, 2007, 29(4):420-422.

- [5] 刘岩,邹文栋. 一种高速压电陶瓷驱动器驱动电源设计[J]. 压电与声光,2008,30(1):48-49.
 LIU Yan, ZOU Wendong. A high-speed driving power design for piezoelectric ceramic actuator[J]. Piezoelectrics & Acoustooptics, 2008, 30(1):48-49.
- [6] KANEKO T, OHMI T, OHYA N, et al. A new, compact and quick-response dynamic focusing lens[J]. In Solid State Sensors and Actuators, 1997:63-66.
- [7] FAN M, HUANG L, LI M, et al. A fast high voltage driver for the piezoelectric fast steering mirror[J]. In XX International Symposium on High Power Laser Systems and Applications, 2015:925539-925539.

- [12] 王娅,张树人,周晓华. Ba_{0.2} Sr_{0.8} La₄ Ti₄O₁₅ 微波介电 陶瓷的两步烧结法制备及性能表征[J]. 电子元件与 材料, 2013, 23(1):10-13.
 WANG Ya, ZHANG Shuren, ZHOU Xiaohua. Property study of Ba_{0.2} Sr_{0.8} La₄ Ti₄O₁₅ microwave dielectric ceramics prepared by two-step sintering[J]. Electron Compon Mater, 2013, 23(1):10-13.
- [13] 王利,高峰,张大帅,等.(Sr_{1-x}Ba_x)La₄Ti₄O₁₅微波介 质陶瓷的显微结构及介电性能[J]. 压电与声光, 2016,38(2):207-211.
 WANG Li, GAO Feng, ZHANG Dashuai, et al. Microstructure and microwave dielectric properties of (Sr_{1-x} Ba_x)La₄Ti₄O₁₅ ceramics[J]. Piezoelectrics &. Acoustooptics, 2016, 38(2):207-211.
- [14] YUE Z X, ZHAO F, GUI Z L, et al. Phases, microstructure and microwave dielectric properties of hexagonal perovskite Ca(La_{1-x}Nd_x)₄ Ti₄O₁₅ ceramics[J]. J Alloys Compd, 2005, 395(1/2):126-131.
- [15] 刘向春,高峰,邓军平,等. ABO3 型钛铁矿结构化合物的容差因子[J]. 无机材料学报,2008,23(5):881-885.

LIU Xiangchun, GAO Feng, DENG Junping, et al. Tolerance factor of ABO₃-type ilmenite compound[J]. J Inog Mater,2008, 23(5):881-885.

[8] PAN Q S, LIU Y B, LIU Y H, et al. Design and fabrication of a large displacement piezoelectric actuator
 [J]. In Piezoelectricity, Acoustic Waves, and Device Applications (SPAWDA), 2015;261-264.

- [9] KOLSKY H. Stress waves in solids[J]. Journal of Sound and Vibration, 1964,1:88-110
- [10] 栾桂冬,张金铎,王仁乾. 压电换能器和换能器阵[M]. 北京:北京大学出版社,1990.
- [11] 王礼立. 应力波基础[M]. 北京:国防工业出版 社,2005.
- [12] 王刚,安琳. COMSOL Multiphysics 工程实践与理论 仿真:多物理场数值分析技术[M].北京:电子工业出 版社,2012.
- [13] NOROUZI M, KASHANINIA A. Design of piezoelectric microcantilever chemical sensors in COMSOL multiphysics area[J]. Journal of Electrical and Electronics Engineering, 2009(1):184.
- [14] 阮鹏,陈智军,付大丰. 基于 COMSOL 的声表面波器 件仿真[J]. 测试技术学报, 2012, 26(5):422-428.
 RUAN Peng, CHEN Zhijun, FU Dafeng. Simulation of surface acoustic wave device based on COMSOL[J].
 Journal of Test and Measurement Technology, 2012, 26(5):422-428.